

## Задача А. Кольорова таблиця

Задано таблицю  $a$  розміру  $n \times m$ , що складається з символів «R», «G», «B».

Також задані цілі числа  $c$  ( $2 \leq c \leq 3$ ) та  $q$ , де  $c$  — це кількість різних символів, що можуть зустрічатись у таблиці. Якщо  $c$  дорівнює 2, то доступні лише символи «R» та «G»; якщо ж  $c$  дорівнює 3, то доступні символи «R», «G», «B».

Вам потрібно змінити значення не більше ніж  $q$  елементів таблиці так, щоб не існувало пари сусідніх по стороні клітинок, які мають однакове значення. Зауважте, що якщо  $c = 2$ , то забороняється використовувати символ «B» при зміні значень клітинок таблиці.

Гарантується, що при заданих обмеженнях існує спосіб змінити не більше ніж  $q$  елементів таблиці так, щоб не існувало пари сусідніх по стороні клітинок, які мають однакове значення.

**Зауважте, що в задачі немає блоку "без додаткових обмежень".**

### Формат вхідних даних

У першому рядку задано два цілі числа  $n$  та  $m$  ( $1 \leq n, m \leq 100$ ) — кількість рядків та стовпців таблиці  $a$  відповідно.

У другому рядку задано два цілі числа  $c$  ( $2 \leq c \leq 3$ ) та  $q$ , які позначають кількість доступних символів та кількість дозволених змін у таблиці відповідно.

У наступних  $n$  рядках задано по  $m$  символів — елементи таблиці  $a$ . Якщо  $c = 2$ , то  $a_{ij} \in \{\text{«R»}, \text{«G»}\}$ . Якщо  $c = 3$ , то  $a_{ij} \in \{\text{«R»}, \text{«G»}, \text{«B»}\}$ .

### Формат вихідних даних

Виведіть  $n$  рядків по  $m$  символів кожен, що описують таблицю після виконаних змін.

Якщо існує кілька правильних відповідей, дозволяється вивести будь-яку з них.

### Система оцінювання

- (7 балів):  $n = 1$ ,  $c = 3$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ ;
- (7 балів):  $n = 1$ ,  $c = 2$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ ;
- (3 бали):  $c = 3$ ,  $q = n \cdot m$ ;
- (7 балів): всі рядки таблиці  $a$  однакові,  $a[1][j] \neq a[1][j + 1]$  (для  $1 \leq j < m$ ),  $c = 3$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ ;
- (7 балів): всі рядки таблиці  $a$  однакові,  $c = 3$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ ;
- (13 балів):  $c = 3$ ,  $q = \lfloor \frac{2 \cdot n \cdot m}{3} \rfloor$ ;
- (19 балів):  $c = 3$ ,  $n \leq 5$ ,  $m \leq 100$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ ;
- (17 балів):  $c = 2$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ .
- (20 балів):  $c = 3$ ,  $q = \lfloor \frac{n \cdot m}{2} \rfloor$ .

### Приклади

standard input	standard output
3 3 3 4 RRR RRR RRR	RGR GRG RGR
3 2 2 3 RG GG GR	RG GR RG

## Задача В. Футбол

У футбольній команді  $n$  гравців, пронумерованих цілими числами від 1 до  $n$ . Рівень гри гравця з номером  $i$  описується цілим числом  $c_i$ .

Гравці вишикувались по колу в такому порядку, що наступним з правого боку для гравця з номером  $i$  є гравець з номером  $i + 1$  (для  $1 \leq i < n$ ), а для гравця з номером  $n$  наступним є гравець з номером 1.

Визначимо *силу* ігрової комбінації, яка характеризується масивом цілих чисел  $k = [k_0, k_1, k_2, \dots, k_{m-1}]$ , наступним чином:

- початково м'яч знаходиться у гравця з номером 1;
- гравці по черзі передають м'яч нескінченно довго: виконуючи передачу з номером  $i$ , гравець, який наразі контролює м'яч, передає його гравцю, що знаходиться на  $x$  позицій правіше по колу, де  $x = k_{((i-1) \bmod m)}$ ;
- *силою* ігрової комбінації вважається мінімальна сила гри серед сил всіх гравців, що володіли м'ячем в деякий момент описаного процесу.

Задано масив цілих чисел  $a_0, a_1, \dots, a_{q-1}$ . Для кожного  $i$  від 0 до  $(q - 1)$  знайдіть силу ігрової комбінації, яка характеризується масивом  $[a_0, a_1, \dots, a_i]$ .

### Формат вхідних даних

У першому рядку задано два цілі числа  $n$  та  $q$  ( $1 \leq n, q \leq 3 \cdot 10^5$ ) — кількість гравців та довжина масиву  $a$ .

У другому рядку задано  $n$  цілих чисел  $c_1, c_2, \dots, c_n$  ( $1 \leq c_i \leq n$ ) — рівні гри гравців.

У третьому рядку задано  $q$  цілих чисел  $a_0, a_1, \dots, a_{q-1}$  ( $1 \leq a_i \leq n - 1$ ) — елементи масиву  $a$ .

### Формат вихідних даних

Виведіть  $q$  цілих чисел — шукані значення сил ігрових комбінацій.

### Система оцінювання

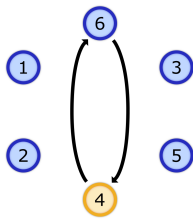
- (10 балів):  $n, q \leq 100$ ;
- (4 бали): усі значення  $a_i$  однакові;
- (11 балів):  $n$  — просте число;
- (12 балів):  $n, q \leq 1000$ ;
- (16 балів):  $n, q \leq 1.5 \cdot 10^5$ ,  $n = 2^k$  для деякого цілого  $k$ ;
- (25 балів):  $n, q \leq 10^5$ ;
- (22 бали): без додаткових обмежень.

### Приклад

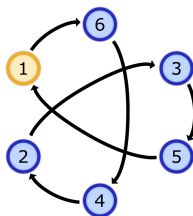
standard input	standard output
6 3	4 1 2
6 3 5 4 2 1	
3 1 2	

### Примітка

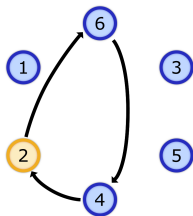
У прикладі передачі м'яча для ігрових комбінацій виглядають наступним чином:



$$k = [3]$$



$$k = [3, 1]$$



$$k = [3, 1, 2]$$

## Задача С. Герої та Монстри

Існує  $n$  героїв та  $n$  монстрів. Герої та монстри пронумеровані цілими числами від 1 до  $n$ . Сила  $i$ -го героя дорівнює  $a_i$ , а сила  $i$ -го монстра рівна  $b_i$ . Гарантується, що всі значення  $a_1, a_2, \dots, a_n, b_1, b_2, \dots, b_n$  **попарно різні**.

Всього відбудеться  $n$  боїв. У кожному бою візьме участь рівно один герой та рівно один монстр, при чому кожен герой та кожен монстр візьмуть участь рівно в одному бою. Нехай у бою беруть участь герой з номером  $i$  та монстр з номером  $j$ . Якщо  $a_i > b_j$ , то герой з номером  $i$  буде щасливим, а інакше він засмутиться.

Визначимо  $ans_k$  — кількість таких різних множин героїв  $S$  розміру  $k$ , що існує розподіл на бої, при якому будуть щасливими усі герої з  $S$  та засмутяться усі інші герої.

Задано  $q$  запитів виду  $l, r$ . Для кожного запиту знайдіть  $(\sum_{i=l}^r ans_i) \bmod 998244353$ .

### Формат вхідних даних

У першому рядку задано одне ціле число  $n$  ( $1 \leq n \leq 5 \cdot 10^3$ ) — кількість боїв, що відбудуться.

У другому рядку задано  $n$  цілих чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 2 \cdot n$ ) — сили героїв.

У третьому рядку задано  $n$  цілих чисел  $b_1, b_2, \dots, b_n$  ( $1 \leq b_i \leq 2 \cdot n$ ) — сили монстрів.

Гарантується, що всі значення  $a_1, a_2, \dots, a_n, b_1, b_2, \dots, b_n$  попарно різні.

У четвертому рядку задано одне ціле число  $q$  ( $1 \leq q \leq n + 1$ ) — кількість запитів.

У наступних  $q$  рядках задано по два цілі числа  $l$  та  $r$  ( $0 \leq l \leq r \leq n$ ) — параметри відповідного запиту.

Гарантується, що всі значення  $a_1, a_2, \dots, a_n, b_1, b_2, \dots, b_n$  попарно різні.

### Формат вихідних даних

Для кожного запиту в окремому рядку виведіть одне ціле число — шукане значення  $(\sum_{i=l}^r ans_i) \bmod 998244353$ .

### Система оцінювання

- (3 бали):  $a_i < b_j$  для  $1 \leq i, j \leq n$ ;
- (9 балів):  $q = 1, l = 1, r = 1$ ;
- (6 балів):  $a_i = 2 \cdot i - 1, b_i = 2 \cdot i$  для  $1 \leq i \leq n$ ;
- (16 балів):  $n \leq 500, q = 1, l = 0, r = n$ ;
- (14 балів):  $q = 1, l = 0, r = n$ ;
- (15 балів):  $q = 1, l = r$ ;
- (17 балів):  $n \leq 500$ ;
- (20 балів): без додаткових обмежень.

### Приклад

standard input	standard output
3	2
3 4 6	3
1 2 5	1
3	
1 2	
2 3	
3 3	

## Примітка

На малюнку нижче зображенні герої та монстри першого прикладу. Герої знаходяться зверху, а монстри — знизу. Число всередині квадрату позначає силу відповідного героя чи монстра.



У прикладі існує три можливих множини щасливих героїв:  $\{1, 2, 3\}$ ,  $\{2, 3\}$  та  $\{1, 3\}$ . Знизу зображенні три варіанти розподілу боїв, в яких будуть щасливими відповідні множини героїв. Зауважте, що може існувати декілька розподілів на бої, при яких буде щасливою та сама множина героїв.



## Задача D. Занулити підвідрізок

Це задача з градерами.

Для масиву додатних цілих чисел  $b$  довжини  $m$  визначимо  $f(b)$  наступним чином:

- нехай початково деяка змінна  $x$  рівна 0;
- за одну монету дозволяється збільшити значення  $x$  на 1;
- за одну монету дозволяється обрати елемент масиву  $b_i$  ( $1 \leq i \leq m$ ) та замінити його на  $(b_i \oplus x)$ , де  $\oplus$  позначає операцію побітового виключного АБО;
- $f(b)$  дорівнює мінімальній кількості монет, необхідній для того, щоб зробити всі елементи масиву  $b$  одночасно рівними нулю.

Побітове виключне АБО невід'ємних цілих чисел  $a$  та  $b$  ( $a \oplus b$ ) дорівнює невід'ємному цілому числу, у якого у двійковому записі на певній позиції знаходиться одиниця тоді і тільки тоді, коли у двійкових записах  $a$  та  $b$  на цій позиції знаходяться різні значення. Наприклад,  $3_{10} \oplus 5_{10} = 0011_2 \oplus 0101_2 = 0110_2 = 6_{10}$ .

Задано масив додатних цілих чисел  $a$  довжини  $n$  та  $q$  запитів виду  $l, r$ . Для кожного запиту потрібно знайти  $f([a_l, a_{l+1}, \dots, a_r])$ .

### Протокол взаємодії

Вам потрібно реалізувати наступні функції:

```
void init(integer n, array of integers a)
```

- $n$  — ціле число, яке позначає довжину масиву;
- $a$  — масив цілих чисел довжиною  $n$ ;
- ця функція нічого не повертає.

```
integer ask(integer l, integer r)
```

- $l$  — ціле число, яке позначає ліву межу запиту;
- $r$  — ціле число, яке позначає праву межу запиту;
- ця функція повертає ціле число —  $f([a_l, a_{l+1}, \dots, a_r])$ .

```
array of integers askAll(integer q, array of integers l, array of integers r)
```

- $q$  — ціле число, яке позначає кількість запитів;
- $l$  — масив цілих чисел довжиною  $q$ ;  $l_i$  позначає ліву межу  $i$ -го запиту;
- $r$  — масив цілих чисел довжиною  $q$ ;  $r_i$  позначає праву межу  $i$ -го запиту;
- ця функція повертає масив цілих чисел;  $i$ -те число має бути рівне відповіді на  $i$ -й запит.

### Формат вхідних даних

У першому рядку задано три цілі числа  $n, q$  та  $t$  ( $1 \leq n, q \leq 2 \cdot 10^5$ ;  $1 \leq t \leq 2$ ) — кількість чисел, кількість запитів та формат запитів відповідно.

У другому рядку задано  $n$  цілих чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i < 2^{60}$ ) — елементи масиву  $a$ .

У наступних  $q$  рядках задано по два цілі числа  $l$  та  $r$  ( $1 \leq l \leq r \leq n$ ) — параметри  $i$ -го запиту.

Спочатку буде викликана функція `init` рівно один раз.

Якщо  $t = 1$ , то буде викликана рівно один раз функція `askAll` з усіма запитами. Якщо  $t = 2$ , то функція `ask` буде викликана рівно  $q$  разів.

## Формат вихідних даних

Градер виведе у окремих рядках  $q$  цілих чисел — відповіді на запити.

## Система оцінювання

- (3 бали):  $t = 1$ ,  $a_i = a_1$  для  $1 \leq i \leq n$ ;
- (8 балів):  $t = 1$ ,  $a_i \neq a_j$  для  $i \neq j$ ;
- (3 бали):  $t = 1$ ,  $2^m + n \leq a_i < 2^{m+1}$  для деякого натурального  $m$ ;
- (9 балів):  $t = 1$ ,  $a_i \leq a_{i+1}$  для  $1 \leq i < n$ ;
- (10 балів):  $t = 1$ ,  $n, q \leq 1000$ ;
- (11 балів):  $t = 1$ ,  $l_i = 1$  та  $r_i = i$  для  $1 \leq i \leq q$ .
- (10 балів):  $t = 1$ ,  $n, q \leq 50000$ ;
- (25 балів):  $t = 1$ ;
- (9 балів):  $t = 2$ ,  $n, q \leq 10^5$ ;
- (12 балів):  $t = 2$ .

## Приклади

standard input	standard output
7 6 1 5 4 3 5 7 7 7 1 4 4 7 3 7 1 7 2 6 1 1	9 11 12 14 12 6
7 6 2 5 4 3 5 7 7 7 1 4 4 7 3 7 1 7 2 6 1 1	9 11 12 14 12 6